

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Тамбовский государственный университет имени Г.Р. Державина»
Институт математики, физики и информационных технологий
Кафедра функционального анализа

УТВЕРЖДАЮ:
Директор института



Н. Л. Королева
«05» июля 2021 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

по дисциплине Б1.В.ДВ.05.3 Дифференциальные уравнения

Направление подготовки/специальность: 11.03.02 - Инфокоммуникационные технологии и системы связи

Профиль/направленность/специализация: Системы и устройства подвижной радиосвязи

Уровень высшего образования: бакалавриат

Квалификация: Бакалавр

год набора: 2021

Авторы программы:

Кандидат физико-математических наук, доцент Фомичева Юлия Геннадьевна

Кандидат физико-математических наук, доцент Плужникова Елена Александровна

Рабочая программа составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 11.03.02 - Инфокоммуникационные технологии и системы связи (уровень бакалавриата) (приказ Министерства образования и науки РФ от «19» сентября 2017 г. № 930).

Рабочая программа принята на заседании Кафедры функционального анализа «18» мая 2021 г. Протокол № 9

Рассмотрена и одобрена на заседании Ученого совета Института математики, физики и информационных технологий, Протокол от «05» июля 2021 г. № 5.

СОДЕРЖАНИЕ

1. Цели и задачи дисциплины.....	4
2. Место дисциплины в структуре ОП бакалавра.....	5
3. Объем и содержание дисциплины.....	5
4. Контроль знаний обучающихся и типовые оценочные средства.....	7
5. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля).....	21
6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины.....	23
7. Материально-техническое обеспечение дисциплины, программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы.....	23

1. Цели и задачи дисциплины

1.1 Цель дисциплины – формирование компетенций:

ПК-8 Способен применять современные теоретические и экспериментальные методы исследования с целью создания новых перспективных средств электросвязи и информатики

1.2 Типы задач профессиональной деятельности, к которым готовятся обучающиеся в рамках освоения дисциплины:

- научно-исследовательский
- технологический

1.3 Дисциплина ориентирована на подготовку обучающихся к профессиональной деятельности в сферах: 01 Образование и наука (в сфере общего, профессионального и дополнительного профессионального образования; в сфере научных исследований), 06 Связь, информационные и коммуникационные технологии (в сфере разработки, проектирования, исследования и эксплуатации радиоэлектронных средств и радиоэлектронных систем различного назначения; в сфере обороны и безопасности государства и правоохранительной деятельности)

1.4 В результате освоения дисциплины у обучающихся должны быть сформированы:

Обобщенные трудовые функции / трудовые функции / трудовые или профессиональные действия (при наличии профстандарта)	Код и наименование компетенции ФГОС ВО, необходимой для формирования трудового или профессионального действия	Индикаторы достижения компетенций
	ПК-8 Способен применять современные теоретические и экспериментальные методы исследования с целью создания новых перспективных средств электросвязи и информатики	Решает методами построения математических моделей типовые профессиональные задачи

1.5 Согласование междисциплинарных связей дисциплин, обеспечивающих освоение компетенций:

ПК-8 Способен применять современные теоретические и экспериментальные методы исследования с целью создания новых перспективных средств электросвязи и информатики

№ п/п	Наименование дисциплин, определяющих междисциплинарные связи	Форма обучения							
		Очная (семестр)				Заочная (семестр)			
		4	5	7	8	4	5	7	8
1	Аналоговая и цифровая электроника	+	+			+	+		
2	Вопросы оптимальной линейной фильтрации	+				+			
3	Дискретная математика		+				+		

4	Научно-исследовательская работа				+				+
5	Основы спутниковых систем связи			+				+	
6	Тензорный анализ инфокоммуникационных систем		+				+		
7	Управление инфокоммуникационными системами		+				+		

2. Место дисциплины в структуре ОП бакалавриата:

Дисциплина «Дифференциальные уравнения» относится к части, формируемой участниками образовательных отношений, учебного плана ОП по направлению подготовки 11.03.02 - Инфокоммуникационные технологии и системы связи.

Дисциплина «Дифференциальные уравнения» изучается в 5 семестре.

3. Объем и содержание дисциплины

3.1. Объем дисциплины: 2 з.е.

Очная: 2 з.е.

Заочная: 2 з.е.

Вид учебной работы	Очная (всего часов)	Заочная (всего часов)
Общая трудоёмкость дисциплины	72	72
Контактная работа	32	8
Лекции (Лекции)	16	4
Практические (Практ. раб.)	16	4
Самостоятельная работа (СР)	40	60
Зачет	-	4

3.2. Содержание курса:

№ темы	Название раздела/темы	Вид учебной работы, час.						Формы текущего контроля
		Лекции		Практ. раб.		СР		
		О	З	О	З	О	З	
5 семестр								
1	Дифференциальны е уравнения первого порядка	4	1	4	1	12	20	Контрольная работа; Тестирование
2	Дифференциальны е уравнения высшего порядка	6	1	6	1	12	20	Контрольная работа; Тестирование
3	Линейные системы дифференциальны х уравнений	6	2	6	2	16	20	Контрольная работа; Тестирование

Тема 1. Дифференциальные уравнения первого порядка (ПК-8)

Лекция.

Лекция 1. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Задача Коши.

Лекция 2. Классы дифференциальных уравнений и их характеристики. Уравнения с разделяющимися переменными. Первый интеграл.

Лекция 3. Однородные уравнения. Редукция однородного уравнения к уравнению с разделяющимися переменными.

Лекция 4. Линейные дифференциальные уравнения. Метод вариации.

Лекция 5. Уравнения Бернулли. Редукция уравнения Бернулли к линейному дифференциальному уравнению.

Лекция 6. Уравнение Риккати.

Лекция 7. Уравнения в полных дифференциалах. Интегрирующий множитель.

Лекция 8. Замена переменной. Уравнения, не разрешенные относительно производной. Особые решения. Уравнения Лагранжа и Клеро.

Практическое занятие.

Практические занятия.

Занятие №1. Уравнения с разделяющимися переменными №51-65.

Занятие № 2. Однородные уравнения. Редукция однородного уравнения к уравнению с разделяющимися переменными. №101-129.

Занятие № 3. Линейные дифференциальные уравнения. Метод вариации.

Занятие № 4. Уравнения Бернулли. Редукция уравнения Бернулли к линейному дифференциальному уравнению. Уравнение Риккати. №136-172.

Занятие № 5. Уравнения в полных дифференциалах. Интегрирующий множитель. Замена переменной. №186-220.

Занятие № 6. Контрольная работа №1.

Задания для самостоятельной работы.

Задания для самостоятельной работы:

Изучить теоретический материал.

Научиться решать уравнения с разделяющимися переменными

Научиться решать однородные уравнения первого порядка.

Научиться решать линейные уравнения первого порядка.

Научиться решать уравнения Бернулли.

Признак разрешимости уравнения Риккати. Научиться решать уравнения Риккати.

Научиться распознавать и решать уравнения в полных дифференциалах. Научиться находить интегрирующий множитель.

Научиться решать уравнения первого порядка, не разрешенные относительно производной.

Тема 2. Дифференциальные уравнения высшего порядка (ПК-8)

Лекция.

Лекция 9. Линейные однородные уравнения с переменными коэффициентами.

Лекция 10. Структура множества решений. Фундаментальная система решений.

Лекция 11. Линейная зависимость решений от начальных значений. Определитель Вронского.

Лекция 12. Линейные неоднородные уравнения с переменными коэффициентами. Линейные неоднородные уравнения n -го порядка с переменными коэффициентами. Принцип суперпозиции.

Лекция 13. Метод вариации произвольных постоянных.

Лекция 14. Линейные однородные уравнения n -го порядка с постоянными коэффициентами.

Лекция 15. Линейные неоднородные уравнения n -го порядка с постоянными коэффициентами. Структура частного решения.

Лекция 16. Методы решения линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.

Практическое занятие.

Практические занятия

Занятие №6. Уравнения, допускающие понижение порядка. №421-500

Занятие №8. Методы решения линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. №511-618.

Занятие №9,10,11. Линейные уравнения с переменными коэффициентами. Фундаментальная система решений. Линейная зависимость решений от начальных значений. Определитель Вронского. Линейные неоднородные уравнения с переменными коэффициентами. Линейные неоднородные уравнения n -го порядка с переменными коэффициентами. Принцип суперпозиции. Метод вариации произвольных постоянных.

№ 641-750.

Занятие № 12. Контрольная работа №2.

Задания для самостоятельной работы.

Задания для самостоятельной работы.

Изучить теоретический материал. Научиться применять теоретические сведения при решении задач.

Научиться определять основные типы уравнений, допускающих понижение порядка.

Изучить основные подстановки и научиться решать уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка.

Изучить линейные однородные дифференциальные уравнения высших порядков.

Научиться решать линейные неоднородные дифференциальные уравнения с правой частью специального вида.

Научиться решать линейные неоднородные дифференциальные уравнения методом вариации произвольных постоянных.

Тема 3. Линейные системы дифференциальных уравнений (ПК-8)

Лекция.

Лекция 17. Системы дифференциальных уравнений, методы решений.

Лекция 18. Методы решения линейных систем уравнений с постоянными коэффициентами.

Практическое занятие.

Практические занятия

Занятие №13. Системы дифференциальных уравнений, методы решений. Методы решения линейных систем уравнений с постоянными коэффициентами. №786-875.

Занятие №14. Контрольная работа №3

-

Задания для самостоятельной работы.

Задания для самостоятельной работы:

1. Изучить основные методы решения линейных систем уравнений с постоянными коэффициентами;
2. Научиться применять теоретические сведения при решении задач;

4. Контроль знаний обучающихся и типовые оценочные средства

4.1. Распределение баллов:

5 семестр

- посещаемость – 10 баллов
- текущий контроль – 70 баллов
- контрольные срезы – 2 среза по 10 баллов каждый
- премиальные баллы – 20 баллов

Распределение баллов по заданиям:

№ те мы	Название темы / вид учебной работы	Формы текущего контроля / срезы	Мах. кол-во баллов	Методика проведения занятия и оценки
1.	Дифференциальные уравнения первого порядка	Контрольная работа(контрольный срез)	10	Контрольная работа состоит из 5 заданий за правильное выполнение каждой студент получает 2 балла
		Тестирование	20	Тест состоит из 10 заданий за правильное выполнение каждого студент получает 2 балл
2.	Дифференциальные уравнения высшего порядка	Контрольная работа	10	Контрольная работа состоит из 5 заданий за правильное выполнение каждой студент получает 2 балла
		Тестирование	20	Тест состоит из 10 заданий за правильное выполнение каждого студент получает 2 балл
3.	Линейные системы дифференциальных уравнений	Контрольная работа(контрольный срез)	10	Контрольная работа состоит из 5 заданий за правильное выполнение каждой студент получает 2 балла
		Тестирование	20	Тест состоит из 10 заданий за правильное выполнение каждого студент получает 2 балл
4.	Посещаемость		10	10 баллов – студент посетил все 100% занятий 7-9 баллов – студент посетил не менее 80% занятий 4-6 баллов – студент посетил не менее 50% занятий 1-3 балла – студент посетил не менее 25% занятий Если студент посетил менее 25% занятий, баллы не начисляются
5.	Премияльные баллы		20	Дополнительные премиальные баллы могут быть начислены за призовое место в предмет-ной олимпиаде, профессиональном конкурсе (20 баллов), за написание статьи (10 баллов), за выполнение индивидуальных заданий и/или заданий повышенной трудности (10 баллов)
6.	Индивидуальные задания, с помощью которых можно набрать дополнительные баллы		20	Добор: студент может предоставить все задания текущего контроля и контрольные срезы
7.	Итого за семестр		100	

Итоговая оценка по зачету выставляется в 100-балльной шкале и в традиционной четырехбалльной шкале. Перевод 100-балльной рейтинговой оценки по дисциплине в традиционную четырехбалльную осуществляется следующим образом:

100-балльная система	Традиционная система
50 - 100 баллов	Зачтено
0 - 49 баллов	Не зачтено

4.2 Типовые оценочные средства текущего контроля

Материалы текущего контроля успеваемости предоставляются в формах, адаптированных к конкретным ограничениям здоровья и восприятия информации обучающихся:

- для лиц с нарушениями зрения: в печатной форме увеличенным шрифтом, в форме электронного документа, в форме аудиофайла, в печатной форме на языке Брайля;
- для лиц с нарушениями слуха: в печатной форме, в форме электронного документа;
- для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата: в печатной форме, в форме электронного документа, в форме аудиофайла.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями. Эти средства могут быть предоставлены вузом или могут использоваться собственные технические средства.

При необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на выполнение заданий.

Контрольная работа

Тема 1. Дифференциальные уравнения первого порядка

Контрольная работа №1

1. Решить уравнения, понизив их порядок

$$1. y'' + 2xy' = 0;$$

$$2. (y-1)y'' = 2(y')^2;$$

$$3. y''' + 3y'y'' = 0;$$

$$4. yy'' = 2x(y')^2, y(2) = 2, y'(2) = 0,5.$$

1. Найти общее решение уравнения

$$1. y'' - 2y' + 4y = 0;$$

$$2. y'' + 6y' + 9y = 0;$$

$$3. y'' + 4y = 0.$$

2. Решить задачу Коши

$$1. 3y'' - 2y' - 8y = 0, y(1) = 1, y'(1) = 2;$$

$$2. y'' + y = 0, y\left(\frac{\pi}{4}\right) = 2, y'\left(\frac{\pi}{4}\right) = 1.$$

3. Найти общее решение уравнения

$$2y'' + y' - y = f(x),$$

если

$$1. f(x) = 3x^2 - 1;$$

$$2. f(x) = 3e^{-x};$$

$$3. f(x) = 2 \sin x;$$

$$4. f(x) = e^x \cos 2x.$$

4. Найти решение задачи Коши

$$y'' + \frac{1}{4}y' = \frac{1}{4}x, \quad y\left(\frac{\pi}{4}\right) = 2, y'\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{1}{2},$$

методами Лагранжа и Коши.

5. Найти общее решение

$$1. y''' + 5y'' + 7y' + 3y = (16x + 20)e^x;$$

$$2. y^{(4)} - y''' = 5(x+2)^3;$$

$$3. (4x+3)^2 y'' + (4x+3)y' - 16y = 0;$$

$$4. x^2 y'' - 3xy' + 3y = -\ln x.$$

Тема 2. Дифференциальные уравнения высшего порядка

Контрольная работа №2

1. Решить уравнения, понизив их порядок
 1. $y'' + 2xy' = 0$;
 2. $(y-1)y'' = 2(y')^2$;
 3. $y''' + 3y'y'' = 0$;
 4. $yy'' = 2x(y')^2$, $y(2) = 2$, $y'(2) = 0,5$.
1. Найти общее решение уравнения
 1. $y'' - 2y' + 4y = 0$;
 2. $y'' + 6y' + 9y = 0$;
 3. $y'' + 4y = 0$.
2. Решить задачу Коши
 1. $3y'' - 2y' - 8y = 0$, $y(1) = 1$, $y'(1) = 2$;
 2. $y'' + y = 0$, $y(\frac{\pi}{4}) = 2$, $y'(\frac{\pi}{4}) = 1$.
3. Найти общее решение уравнения

$$2y'' + y' - y = f(x),$$
 если
 1. $f(x) = 3x^2 - 1$;
 2. $f(x) = 3e^{-x}$;
 3. $f(x) = 2\sin x$;
 4. $f(x) = e^x \cos 2x$.
4. Найти решение задачи Коши

$$y'' + \frac{1}{4}y' = \frac{1}{4}x, \quad y(\frac{\pi}{4}) = 2, \quad y'(\frac{\pi}{4}) = \frac{1}{2},$$
 методами Лагранжа и Коши.
5. Найти общее решение
 1. $y''' + 5y'' + 7y' + 3y = (16x + 20)e^x$;
 2. $y^{(4)} - y''' = 5(x+2)^3$;
 3. $(4x+3)^2 y'' + (4x+3)y' - 16y = 0$;
 4. $x^2 y'' - 3xy' + 3y = -\ln x$.

Тема 3. Линейные системы дифференциальных уравнений

Контрольная работа №3

1. Найти решения линейных систем

$$1) \begin{cases} \dot{x} = -8x + 4y \\ \dot{y} = 3x - 4y \end{cases} \quad 2) \begin{cases} \dot{x} = 6x + 5y \\ \dot{y} = -x + 2y \end{cases}, \quad \begin{matrix} x(0) = 0 \\ y(0) = 1. \end{matrix}$$

$$3) \begin{cases} \dot{x} = 5x - 2y \\ \dot{y} = 2x + y \end{cases} \quad 4) \begin{cases} \dot{x} = 6x + 4y + 2t \\ \dot{y} = -x + 10y - 1 \end{cases}$$

2. Решить систему дифференциальных уравнений методом Лагранжа

$$\begin{cases} x' = -4x + y, \\ y' = -6x + y + \frac{1}{1+e^{xy}}. \end{cases}$$

3. Решить разными методами (или методом исключений, или методом Эйлера, или матричным методом) две системы дифференциальных уравнений $\dot{x} = Ax$, где

$$1) A = \begin{pmatrix} 3 & 1 & -1 \\ 2 & 2 & -1 \\ -2 & 1 & 4 \end{pmatrix}, \lambda_1 = 1, \lambda_2 = 3, \lambda_3 = 5; \quad 2) A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -4 & -4 & 0 \\ -2 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \lambda_1 = -2, \lambda_2 = -2, \lambda_3 = 2.$$

Для каждой системы найти фундаментальные системы решений.

4. Решить систему дифференциальных уравнений

$$\begin{cases} x'' - y'' + y' + x - 3y = 0 \\ 4y'' - 2x'' - x' - 2x + 5y = 0. \end{cases}$$

5. По заданной фундаментальной матрице $\Phi(x)$ найти $A(x)$ линейной системы $y'(x) = A(x)y(x)$

$$\Phi(x) = \begin{pmatrix} x & 1 \\ x^2 & 2x \end{pmatrix}, \quad x > 0.$$

6. Выбрать метод и решить неоднородную систему обыкновенных дифференциальных уравнений: $\frac{dY}{dx} = AY + F(x)$, где

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 0 & -1 \\ -2 & 1 & 1 \\ 3 & -1 & -1 \end{pmatrix}, \quad F(x) = \begin{pmatrix} 1 \\ 1+x \\ 0 \end{pmatrix}.$$

Тестирование

Тема 1. Дифференциальные уравнения первого порядка

Тема 1. Дифференциальные уравнения первого порядка

- Общее решение дифференциального уравнения $\frac{dy}{y^2} = \frac{dx}{1+x^2}$ имеет вид

а) (?) $\frac{1}{y} = -\ln(1+x^2) + C$	б) (!) $-\frac{1}{y} = \operatorname{arctg} x + C$
в) (?) $\frac{1}{y} = \ln(1+x^2) + C$	г) (?) $-\frac{1}{y} = \operatorname{arctg} \frac{1}{x} + C$
- Дано дифференциальное уравнение $xy' - 3y = 0$. Тогда его решением является функция

а) (?) $y = 3x^2$	б) (?) $y = -x^3$	в) (!) $y = x^3$	г) (?) $y = 3$
-------------------	-------------------	------------------	----------------
- Дано дифференциальное уравнение $y' = -\operatorname{tg} x$. Тогда его решением является функция

а) (?) $y = \cos x$	б) (!) $y = \ln \cos x$	в) (?) $y = -\ln \cos x$	г) (?) $y = \sin x$
---------------------	-------------------------	--------------------------	---------------------
- Частное решение дифференциального уравнения $(x^2 - 1) \cdot y' = 2xy$ при $y(2) = 6$ имеет вид

а) (?) $y = \ln x^2 - 1 - \ln 3 + 6$	б) (?) $y = x^2 + 2$	в) (!) $y = 2(x^2 - 1)$	г) (?) $y = \frac{x^2 + 8}{2}$
---------------------------------------	----------------------	-------------------------	--------------------------------
- Если $y(x)$ – решение уравнения $y' = \frac{y-1}{x}$, удовлетворяющее условию $y(2)=3$, тогда $y(1)$ равно....
 (!) 2
- Из данных дифференциальных уравнений уравнениями Бернулли являются

а) (?) $\frac{dy}{dx} + y + 7 = 0$	б) (!) $x \frac{dy}{dx} + y = xy^2$	в) (!) $3 \frac{dy}{dx} - 2y = x^3 y^{-2}$	г) (?) $y \frac{dy}{dx} + x^3 = 0$
------------------------------------	-------------------------------------	--	------------------------------------
- Из данных дифференциальных уравнений однородными дифференциальным уравнениями первого порядка являются

а) (?) $y - x \frac{dy}{dx} = 1 + x^2 \frac{dy}{dx}$	б) (!) $x \frac{dy}{dx} = 4\sqrt{2x^2 + y^2} + y$
в) (!) $y = x \frac{dy}{dx} - x e^{\frac{y}{x}}$	г) (?) $x \frac{dy}{dx} - x e^y + 2 = 0$
- Из данных дифференциальных уравнений линейными уравнениями первого порядка являются

а) (?) $\frac{dy}{dx} - \frac{1}{x}y = -y^2$	б) (!) $x \frac{dy}{dx} + y = 4x^3$	в) (!) $\frac{dy}{dx} + 2y = 3e^x$	г) (?) $\frac{dy}{dx} = \cos(y - x)$
--	-------------------------------------	------------------------------------	--------------------------------------
- Уравнение $y' + xy = x^2$ является...

- б) (?) уравнением с разделяющимися переменными
 в) (?) уравнением Бернулли
 г) (!) линейным неоднородным дифференциальным уравнением 1 порядка

10. Уравнение $y' - 3xy = (x+1)y^2$ является

- а) (!) дифференциальным уравнением первого порядка разделяющимися переменными
 б) (?) линейным однородным дифференциальным уравнением второго порядка с постоянными коэффициентами
 в) (?) дифференциальным уравнением Бернулли
 г) (?) линейным неоднородным дифференциальным уравнением второго порядка с постоянными коэффициентами

11. Если $y(x)$ – решение уравнения $y' = -\frac{y}{\operatorname{ctg} x}$, удовлетворяющее условию $y(\frac{\pi}{3}) = -1$,

тогда $y(\frac{2\pi}{3})$ равно?

- а) (!) 1 б) (?) 2 в) (?) -1 г) (?) -2

12. Если $y(x)$ – решение уравнения $y' = \frac{y+1}{x+1}$, удовлетворяющее условию $y(0) = 1$,

тогда $y(1)$ равно?

- а) (!) 3 б) (?) 0 в) (?) 1 г) (?) -1

Тема 2. Дифференциальные уравнения высшего порядка

Типовые задания тестирования

Тема 2. Дифференциальные уравнения высшего порядка

1. Среди перечисленных дифференциальных уравнений уравнениями второго порядка являются:

- а) (!) $y \frac{d^2 y}{dx^2} + 9y \frac{dy}{dx} + xy = 0$ б) (?) $y^2 \frac{dy}{dx} + x \frac{dy}{dx} + x^2 y = 0$
 в) (!) $xy'' + yy' - 2xy^2 = 8x$ г) (?) $x^2 \frac{dy}{dx} - 5y \frac{dy}{dx} - 3x^2 y = 4y^2$

2. Порядок дифференциального уравнения $3y''' - y' = x^5$ равен

- а) (?) 5 б) (?) 1 в) (?) 2 г) (!) 3

3. Общее решение дифференциального уравнения $y''' = 3x - 2$ имеет вид

- а) (?) $y = x^4 - x^3 + C_1 x^2 + C_2 x + C_3$ б) (?) $y = \frac{1}{24} x^4 - \frac{1}{6} x^3 + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$
 в) (?) $y = \frac{1}{8} x^4 - \frac{1}{3} x^3 + C$ г) (!) $y = \frac{1}{8} x^4 - \frac{1}{3} x^3 + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$

4. Общее решение дифференциального уравнения $y''' = 12x + 8$ имеет вид

- а) (!) $y = \frac{1}{2} x^4 + \frac{4}{3} x^3 + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$ б) (?) $y = x^4 + x^3 + C_1 x^2 + C_2 x + C_3$
 в) (?) $y = \frac{1}{24} x^4 + \frac{1}{6} x^3 + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$ г) (?) $y = \frac{1}{2} x^4 + \frac{4}{3} x^3 + C_3$

5. Общее решение дифференциального уравнения $y''' = \sin 2x$ имеет вид

- а) (?) $y = \cos 2x + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$ б) (?) $y = -\frac{1}{8} \cos 2x + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$
 в) (?) $y = \frac{1}{8} \cos 2x + C$ г) (!) $y = \frac{1}{8} \cos 2x + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$

6. Общее решение дифференциального уравнения $y''' = \sin 4x$ имеет вид

- а) (?) $y = \cos 4x + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$ б) (?) $y = \frac{1}{64} \cos 4x + C$
 в) (?) $y = -\frac{1}{64} \cos 4x + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$ г) (!) $y = \frac{1}{64} \cos 4x + \frac{C_1}{2} x^2 + C_2 x + C_3$

7. Порядок дифференциального уравнения $(x+1)y'' - (x+2)y' + x + 2 = 0$ равен

- а) (?) 1 б) (!) 2 в) (?) 3 г) (?) 4

8. Порядок дифференциального уравнения $x(y')^2 y'' = (y')^2 + \frac{1}{3} x^4$ равен

- а) (?) 4 б) (?) 3 в) (!) 2 г) (?) 1

9. Укажите фундаментальную систему решений уравнения $y'' + 64y = 0$.
 а) (!) $\{\sin 8x; \cos 8x\}$ б) (?) $\{e^{8x}; 1\}$ в) (?) $\{e^{8x}; e^{-8x}\}$ г) (?) $\{e^{-8x}; 1\}$
10. Укажите фундаментальную систему решений уравнения $y'' + 81y = 0$.
 а) (!) $\{\sin 9x; \cos 9x\}$ б) (?) $\{e^{9x}; 1\}$ в) (?) $\{e^{9x}; e^{-9x}\}$ г) (?) $\{e^{-9x}; 1\}$
11. Укажите фундаментальную систему решений уравнения $y'' + 100y = 0$.
 а) (!) $\{\sin 10x; \cos 10x\}$ б) (?) $\{e^{10x}; 1\}$ в) (?) $\{e^{10x}; e^{-10x}\}$ г) (?) $\{e^{-10x}; 1\}$
12. Укажите фундаментальную систему решений уравнения $y'' + 6y' + 13y = 0$.
 а) (!) $\{e^{-3x} \cos 2x; e^{-3x} \sin 2x\}$ б) (?) $\{\sin 2x; \cos 2x\}$
 в) (?) $\{e^{-3x}; e^{2x}\}$ г) (?) другая пара функций, отличная от вышеуказанных
13. Укажите фундаментальную систему решений уравнения $y'' + 12y' + 52y = 0$.
 а) (!) $\{e^{-6x} \cos 4x; e^{-6x} \sin 4x\}$ б) (?) $\{\sin 4x; \cos 4x\}$
 в) (?) $\{e^{-6x}; e^{4x}\}$ г) (?) другая пара функций, отличная от вышеуказанных.
14. Укажите фундаментальную систему решений уравнения $y'' + 18y' + 117y = 0$.
 а) (!) $\{e^{-9x} \cos 6x; e^{-9x} \sin 6x\}$ б) (?) $\{\sin 6x; \cos 6x\}$
 в) (?) $\{e^{-9x}; e^{6x}\}$ г) (?) другая пара функций, отличная от вышеуказанных
15. Укажите фундаментальную систему решений уравнения $y'' + 24y' + 208y = 0$.
 а) (!) $\{e^{-12x} \cos 8x; e^{-12x} \sin 8x\}$ б) (?) $\{\sin 8x; \cos 8x\}$
 в) (?) $\{e^{-12x}; e^{8x}\}$ г) (?) другая пара функций, отличная от вышеуказанных
16. Укажите фундаментальную систему решений уравнения $y'' + 30y' + 325y = 0$.
 а) (!) $\{e^{-15x} \cos 10x; e^{-15x} \sin 10x\}$ б) (?) $\{\sin 10x; \cos 10x\}$
 в) (?) $\{e^{-15x}; e^{10x}\}$ г) (?) другая пара функций, отличная от вышеуказанных
17. Укажите фундаментальную систему решений уравнения $y'' + 36y' + 468y = 0$.
 а) (!) $\{e^{-18x} \cos 12x; e^{-18x} \sin 12x\}$ б) (?) $\{\sin 12x; \cos 12x\}$
 в) (?) $\{e^{-18x}; e^{12x}\}$ г) (?) другая пара функций, отличная от вышеуказанных
18. Укажите фундаментальную систему решений уравнения $y'' + 42y' + 637y = 0$.
 а) (!) $\{e^{-21x} \cos 14x; e^{-21x} \sin 14x\}$ б) (?) $\{\sin 14x; \cos 14x\}$
 в) (?) $\{e^{-21x}; e^{14x}\}$ г) (?) другая пара функций, отличная от вышеуказанных

Тема 3. Линейные системы дифференциальных уравнений

Типовые задания тестирования

Тема 3. Системы дифференциальных уравнений

1. Решением системы $\begin{cases} \dot{x} = x + 16y \\ \dot{y} = x + y \end{cases}$, является:

а) (!) $\begin{cases} x = -4e^{-3t} \\ y = e^{-3t} \end{cases}$ б) (?) $\begin{cases} x = 0 \\ y = e^{-3t} \end{cases}$ в) (?) $\begin{cases} x = -4e^{-3t} \\ y = 0 \end{cases}$ г) (?) $\begin{cases} x = e^{5t} \\ y = e^{-3t} \end{cases}$

2. Решением системы $\begin{cases} \dot{x} = x + 16y \\ \dot{y} = x + y \end{cases}$, является:

а) (!) $\begin{cases} x = 4e^{5t} \\ y = e^{5t} \end{cases}$ б) (?) $\begin{cases} x = 0 \\ y = e^{5t} \end{cases}$ в) (?) $\begin{cases} x = 4e^{5t} \\ y = 0 \end{cases}$ г) (?) $\begin{cases} x = e^{-3t} \\ y = e^{5t} \end{cases}$

3. Решением системы $\begin{cases} \dot{x} = x + 25y \\ \dot{y} = x + y \end{cases}$, является:

а) (!) $\begin{cases} x = -5e^{-4t} \\ y = e^{-4t} \end{cases}$ б) (?) $\begin{cases} x = 0 \\ y = e^{-4t} \end{cases}$ в) (?) $\begin{cases} x = -5e^{-4t} \\ y = 0 \end{cases}$ г) (?) $\begin{cases} x = e^{6t} \\ y = e^{-4t} \end{cases}$

4. Решением системы $\begin{cases} \dot{x} = x + 25y \\ \dot{y} = x + y \end{cases}$, является:

а) (!) $\begin{cases} x = 5e^{6t} \\ y = e^{6t} \end{cases}$ б) (?) $\begin{cases} x = 0 \\ y = e^{6t} \end{cases}$ в) (?) $\begin{cases} x = 6e^{6t} \\ y = 0 \end{cases}$ г) (?) $\begin{cases} x = e^{-4t} \\ y = e^{6t} \end{cases}$

5. Решением системы $\begin{cases} \dot{x} = x + 36y \\ \dot{y} = x + y \end{cases}$, является:

а) (!) $\begin{cases} x = -6e^{-5t} \\ y = e^{-5t} \end{cases}$ б) (?) $\begin{cases} x = 0 \\ y = e^{-5t} \end{cases}$ в) (?) $\begin{cases} x = -6e^{-5t} \\ y = 0 \end{cases}$ г) (?) $\begin{cases} x = e^{7t} \\ y = e^{-5t} \end{cases}$

6. Решением системы $\begin{cases} \dot{x} = x + 36y \\ \dot{y} = x + y \end{cases}$, является:

а) (!) $\begin{cases} x = 6e^{7t} \\ y = e^{7t} \end{cases}$ б) (?) $\begin{cases} x = 0 \\ y = e^{7t} \end{cases}$ в) (?) $\begin{cases} x = 6e^{7t} \\ y = 0 \end{cases}$ г) (?) $\begin{cases} x = e^{-5t} \\ y = e^{7t} \end{cases}$

7. Решением системы $\begin{cases} \dot{x} = x + 2y \\ \dot{y} = 2x + y \end{cases}$, является:

а) (!) $\begin{cases} x = -e^{-t} \\ y = e^{-t} \end{cases}$ б) (?) $\begin{cases} x = 0 \\ y = e^{-t} \end{cases}$ в) (?) $\begin{cases} x = e^{-t} \\ y = 0 \end{cases}$ г) (?) $\begin{cases} x = 2 \\ y = e^{3t} \end{cases}$

8. Решением системы $\begin{cases} \dot{x} = x - 2y \\ \dot{y} = -2x + y \end{cases}$, является:

а) (!) $\begin{cases} x = -e^{3t} \\ y = e^{3t} \end{cases}$ б) (?) $\begin{cases} x = 0 \\ y = e^{3t} \end{cases}$ в) (?) $\begin{cases} x = e^{3t} \\ y = 0 \end{cases}$ г) (?) $\begin{cases} x = -2 \\ y = e^{-t} \end{cases}$

9. Решением системы $\begin{cases} \dot{x} = x + 3y \\ \dot{y} = 3x + y \end{cases}$, является:

а) (!) $\begin{cases} x = -e^{-2t} \\ y = e^{-2t} \end{cases}$ б) (?) $\begin{cases} x = 0 \\ y = e^{-2t} \end{cases}$ в) (?) $\begin{cases} x = e^{-2t} \\ y = 0 \end{cases}$ г) (?) $\begin{cases} x = 3 \\ y = e^{4t} \end{cases}$

10. Решением системы $\begin{cases} \dot{x} = x - 3y \\ \dot{y} = -3x + y \end{cases}$, является:

а) (!) $\begin{cases} x = -e^{4t} \\ y = e^{4t} \end{cases}$ б) (?) $\begin{cases} x = 0 \\ y = e^{4t} \end{cases}$ в) (?) $\begin{cases} x = e^{4t} \\ y = 0 \end{cases}$ г) (?) $\begin{cases} x = -3 \\ y = e^{-2t} \end{cases}$

11. Из следующих систем дифференциальных уравнений:

а) $\begin{cases} \dot{x} = 3x + y \\ \dot{y} = x - 2y \end{cases}$ б) $\begin{cases} \dot{x} = tx + y \\ \dot{y} = x - 2y \end{cases}$ в) $\begin{cases} \dot{x} = 3x + y + t \\ \dot{y} = x - 2y - t^2 \end{cases}$ г) $\begin{cases} \dot{x} = 3x + y^2 \\ \dot{y} = x - 2y \end{cases}$ д) $\begin{cases} \dot{x} = 3x + y^2 + t \\ \dot{y} = x^2 - 2y \end{cases}$

линейными являются:

- 1) (?) все пять.
- 2) (?) только а, г.
- 3) (?) только а, б.
- 4) (!) только а, б, в.
- 5) (?) только а, б, г.

12. Система уравнений $\dot{\bar{x}} = \bar{f}(t, \bar{x}) = \begin{pmatrix} f^1(t, \bar{x}) \\ \vdots \\ f^n(t, \bar{x}) \end{pmatrix}$ имеет единственное решение,

удовлетворяющее условию $\bar{x}(t_0) = \bar{x}_0$, если:

- а) $f^i(t, \bar{x})$, $i = 1, \dots, n$ непрерывны вместе с частными производными по t, x^1, \dots, x^n в некоторой открытой области D , содержащей точку (t_0, \bar{x}_0) .
- б) $f^i(t, \bar{x})$, $i = 1, \dots, n$ непрерывны вместе с частными производными по x^1, \dots, x^n до второго порядка включительно в некоторой окрестности точки (t_0, \bar{x}_0) .
- в) $f^i(t, \bar{x})$ непрерывны во всём $(n+1)$ -мерном пространстве.

Верны предложения:

- 1) (?) все три.
- 2) (?) только а.
- 3) (?) только б.
- 4) (!) только а, б.
- 5) (?) все три неверны.

13. Пусть $\begin{cases} \dot{x} = c_1 t \\ \dot{y} = c_1 - c_2 t - t \end{cases}$ есть общее решение системы $\begin{cases} \dot{x} = f_1(t, x, y) \\ \dot{y} = f_2(t, x, y) \end{cases}$ (1)

Тогда:

- а) $\frac{x}{t}$ и $x + y + t$ есть интеграл системы (1).
- б) Любой интеграл $\psi(t, x, y)$ системы (1) можно представить в виде $\psi(t, x, y) = \phi\left(\frac{x}{t}, x + y + t\right)$ при некоторой функции $\phi(\alpha_1, \alpha_2)$.
- в) $x + y + t + 1$ есть интеграл системы (1).
- г) $\frac{x-t}{t}$ есть интеграл системы (1).

Верны предложения:

- 1) (!) все четыре.
- 2) (?) только а, б, в.
- 3) (?) только а, в, г.
- 4) (?) только а, в.
- 5) (?) только а.
- 6) (?) не верны все четыре предложения.

14. Дана система уравнений

$$\begin{cases} \dot{x}^1 \equiv f^1(t, x^1, \dots, x^n) \\ \dots\dots\dots (1) \\ \dot{x}^n \equiv f^n(t, x^1, \dots, x^n) \end{cases} \quad \text{и начальные условия} \quad \begin{cases} x^1(t_0) = x_0^1 \\ \dots\dots\dots (2) \\ x^n(t_0) = x_0^n \end{cases}$$

а) Для существования и единственности решения задачи (1)-(2) необходимо и достаточно, чтобы в некоторой открытой области D , содержащей точку $(t_0, x_0^1, \dots, x_0^n)$, функции

$f^k(t, x^1, \dots, x^n)$ и $\frac{\partial f^k}{\partial x^i}$, $i, k = 1, \dots, n$, были непрерывны.

б) Если в некоторой окрестности точки $(t_0, x_0^1, \dots, x_0^n)$ функции $f^k(t, x^1, \dots, x^n)$ и $\frac{\partial f^k}{\partial x^i}$,

$i = 1, \dots, n$, непрерывны, то решения задачи (1)-(2) существует и единственно.

в) Из существования и единственности решения задачи (1)-(2) следует непрерывность функций $f^k(t, x^1, \dots, x^n)$ и $\frac{\partial f^k}{\partial x^i}$, $i, k = 1, \dots, n$ в некоторой окрестности точки $(t_0, x_0^1, \dots, x_0^n)$.

Верны предложения:

- 1) (?) все три.
- 2) (?) только а, б.
- 3) (?) только а, в.
- 4) (?) только а.
- 5) (!) только б.
- 6) (?) только в.

15. $\lambda = 2$ есть трёхкратное собственное значение матрицы коэффициентов линейной однородной системы с постоянными коэффициентами. Соответствующие ему решения системы, следует искать в виде:

$$\begin{array}{lll}
 1) (?) \begin{cases} x_1 = (a_1 t + b_1) e^{2t} \\ \dots\dots\dots \\ x_n = (a_n t + b_n) e^{2t} \end{cases} & 2) (!) \begin{cases} x_1 = (a_1 t^2 + b_1 t + c_1) e^{2t} \\ \dots\dots\dots \\ x_n = (a_n t^2 + b_n t + c_n) e^{2t} \end{cases} & \\
 3) (?) \begin{cases} x_1 = (a_1 t^3 + b_1 t^2 + c_1 t + d_1) e^{2t} \\ \dots\dots\dots \\ x_n = (a_n t^3 + b_n t^2 + c_n t + d_n) e^{2t} \end{cases} & 4) (?) \begin{cases} x_1 = a_1 t^3 e^{2t} \\ \dots\dots\dots \\ x_n = a_n t e^{2t} \end{cases} & 5) (?) \begin{cases} x_1 = t^2 a_1 e^{2t} \\ \dots\dots\dots \\ x_n = t^2 a_n e^{2t} \end{cases} \\
 (a_k, b_k, c_k, d_k - \text{неопределенные коэффициенты, } k = 1, \dots, n.) & &
 \end{array}$$

4.3 Промежуточная аттестация по дисциплине проводится в форме зачета

При необходимости предусматривается увеличение времени на подготовку к зачету, а также предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на зачете. Процедура проведения промежуточной аттестации для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и обучающихся инвалидов устанавливается с учётом индивидуальных психофизических особенностей. Промежуточная аттестация может проводиться в несколько этапов.

Типовые вопросы зачета (ПК-8)

Вопросы экзамена

Примеры вопросов по дисциплине « Дифференциальные уравнения» для экзамена в 3 семестре.

1. Основные понятия и определения (дифференциальное уравнение, решение ОДУ, нормальная система ОДУ и её решение). Примеры задач, приводящих к ОДУ. Геометрическая интерпретация решения ОДУ. Фазовое пространство, интегральная кривая, поле направлений.
2. Задача Коши: определение. Теорема Коши существования и единственности решения задачи Коши для ОДУ первого порядка, доказательство.
3. Оценка разности решений двух уравнений. Непрерывная зависимость решения от начальных условий, правой части и параметра.
4. Определение общего решения, общего интеграла, общего интеграла ОДУ первого порядка в области Д. Пример.
5. Изоклины, метод изоклин решения ОДУ.
6. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными. Однородные и квазиоднородные уравнения. Пример однородного уравнения. Уравнения в полных дифференциалах. Интегрирующий множитель. Примеры.
7. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Метод Бернулли. Метод Лагранжа. Примеры. Уравнения Бернулли и Риккати.
8. Особые точки, особые решения ОДУ первого порядка. Примеры.
9. Уравнения, не разрешенные относительно производной. Уравнения Лагранжа и Клеро. Теорема Коши: формулировка.
10. Задача и теорема Коши для нормальной системы ОДУ. Частное и общее решение системы ОДУ.
11. Оценка разности двух решений нормальной системы ОДУ. Непрерывная зависимость решения от начальных данных и параметра.
12. ОДУ n-го порядка. Задача Коши, теорема Коши. Общее и частное решение уравнения.
13. Случаи понижения порядка для уравнения n-го порядка. Примеры.
14. Линейные ДУ (на примере дифференциального уравнения 2-го порядка). Характерные свойства линейного уравнения с постоянными коэффициентами для однородного и неоднородного уравнений (вид решения в зависимости от вида корней характеристического уравнения).
15. Общие свойства линейного уравнения n-го порядка.

16. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков, однородные и неоднородные. Сведение к линейной системе. Определение линейно зависимой системы функций. Вронскиан и фундаментальная система решений.
17. Теорема о структуре общего решения линейного однородного ОДУ n -го порядка.
18. Теорема о структуре общего решения линейного неоднородного ОДУ n -го порядка.
19. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Случай различных корней. Пример.
20. Формула сдвига. Случай кратных корней характеристического уравнения.
21. Структура частного решения уравнения с постоянными коэффициентами и специальной правой частью. Примеры.
22. Метод Лагранжа решения неоднородного ОДУ.
23. Общие свойства линейного уравнения n -го порядка (нормальной системы линейных ОДУ).
24. Определение линейно независимости системы вектор-функций. Определитель Вронского.
25. Фундаментальная система решений нормальной системы линейных ОДУ. Формула Остроградского-Лиувилля.
26. Теорема о структуре общего решения однородной системы с переменными коэффициентами. Теорема о структуре решения неоднородной системы с переменными коэффициентами.
27. Система линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение системы. Нахождение фундаментальной системы решений в случае различных корней характеристического уравнения. Общий случай простых корней. Фундаментальная система решений в случае кратных корней.
28. Метод Лагранжа решения неоднородной системы ОДУ.

Типовые задания для зачета (ПК-8)

Типовые задания для экзамена

Решить уравнение: $xydx + (x+1)dy=0$.

Решить уравнение: $(x^2-y^2)dy+2xydx=0$.

Решить уравнение методом вариации постоянных: $y''+y=1/\sin x$.

Решить уравнение: $y''+y'=4\sin x$.

Решить уравнение: $xy'-2y=2x^4$.

Решить уравнение: $[y]' \wedge y'''=2 [y']^2$.

Решить уравнение: $y'=y^4 \cos x + y \tan x$.

Решить уравнение: $y^V - 2y^{IV} - 16y''' + 32y = 0$.

Решить уравнение: $(y-4xy^3)dx=(2x^2y^2+x)dy$.

Решить уравнение: $y''-3y'+2y=2^x$.

Решить уравнение: $xyy''-x[y']^2=yy'$

Решить уравнение: $3y'+y^2+2/x^2=0$.

Решить уравнение: $x^2yy''-5xyy'-x^2[y']^2=6y^2$.

4.4. Шкала оценивания промежуточной аттестации

При проведении процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья предусматривается использование технических средств, необходимых им в связи с их индивидуальными особенностями. Эти средства могут быть предоставлены или могут использоваться собственные технические средства.

При необходимости инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на выполнение заданий.

Инструкция по порядку проведения процедуры оценивания предоставляется в доступной форме (устно, в письменной форме, в письменной форме на языке Брайля, устно с использованием услуг сурдопереводчика).

Доступная форма предоставления заданий оценочных средств (в печатной форме, в печатной форме увеличенным шрифтом, в печатной форме шрифтом Брайля, в форме электронного документа, задания зачитываются ассистентом, задания предоставляются с использованием сурдоперевода).

Доступная форма предоставления ответов на задания (письменно на бумаге, набор ответов на компьютере, письменно на языке Брайля, с использованием услуг ассистента, устно).

При необходимости для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения по дисциплине может проводиться в несколько этапов.

Проведение процедуры оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.

Оценка	Компетенции	Дескрипторы (уровни) – основные признаки освоения (показатели достижения результата)
«зачтено» (50 - 100 баллов)	ПК-8	Устанавливает связи между материалом из разных предметных областей, необходимых для решения поставленной задачи; анализирует и обобщает материал в рамках профессиональных задач.¶Умеет проводить понятийный и методологический анализ в каждой из предметных областей.¶Свободно владеет понятийной базой во всех профессионально значимых областях знаний.¶
«не зачтено» (0 - 49 баллов)	ПК-8	Воспринимает материал базовых разделов математики. Выделяет отдельные понятия в соответствии с некоторыми предметными областями. Допускает грубые ошибки в базовых понятиях математики. Плохо владеет методологией решения задач в предметных областях.

5. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

5.1 Методические указания по организации самостоятельной работы обучающихся:

Приступая к изучению дисциплины, в первую очередь обучающимся необходимо ознакомиться содержанием рабочей программы дисциплины (РПД), которая определяет содержание, объем, а также порядок изучения и преподавания учебной дисциплины, ее раздела, части.

Для самостоятельной работы важное значение имеют разделы «Объем и содержание дисциплины», «Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины» и «Материально-техническое обеспечение дисциплины, программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы».

В разделе «Объем и содержание дисциплины» указываются все разделы и темы изучаемой дисциплины, а также виды занятий и планируемый объем в академических часах.

В разделе «Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины» указана рекомендуемая основная и дополнительная литература.

В разделе «Материально-техническое обеспечение дисциплины, программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы» содержится перечень профессиональных баз данных и информационных справочных систем, необходимых для освоения дисциплины.

5.2 Рекомендации обучающимся по работе с теоретическими материалами по дисциплине

При изучении и проработке теоретического материала необходимо:

- просмотреть еще раз презентацию лекции в системе MOODLe, повторить законспектированный на лекционном занятии материал и дополнить его с учетом рекомендованной дополнительной литературы;
- при самостоятельном изучении теоретической темы сделать конспект, используя рекомендованные в РПД источники, профессиональные базы данных и информационные справочные системы;
- ответить на вопросы для самостоятельной работы, по теме представленные в пункте 3.2 РПД.
- при подготовке к текущему контролю использовать материалы фонда оценочных средств (ФОС).

5.3 Рекомендации по работе с научной и учебной литературой

Работа с основной и дополнительной литературой является главной формой самостоятельной работы и необходима при подготовке к устному опросу на семинарских занятиях, к дебатам, тестированию, экзамену. Она включает проработку лекционного материала и рекомендованных источников и литературы по тематике лекций.

Конспект лекции должен содержать реферативную запись основных вопросов лекции, в том числе с опорой на размещенные в системе MOODLe презентации, основных источников и литературы по темам, выводы по каждому вопросу. Конспект может быть выполнен в рамках распечатки выдачи презентаций лекций или в отдельной тетради по предмету. Он должен быть аккуратным, хорошо читаемым, не содержать не относящуюся к теме информацию или рисунки.

Конспекты научной литературы при самостоятельной подготовке к занятиям должны содержать ответы на каждый поставленный в теме вопрос, иметь ссылку на источник информации с обязательным указанием автора, названия и года издания используемой научной литературы. Конспект может быть опорным (содержать лишь основные ключевые позиции), но при этом позволяющим дать полный ответ по вопросу, может быть подробным. Объем конспекта определяется самим студентом.

В процессе работы с основной и дополнительной литературой студент может:

- делать записи по ходу чтения в виде простого или развернутого плана (создавать перечень основных вопросов, рассмотренных в источнике);
- составлять тезисы (цитирование наиболее важных мест статьи или монографии, короткое изложение основных мыслей автора);
- готовить аннотации (краткое обобщение основных вопросов работы);
- создавать конспекты (развернутые тезисы).

5.4. Рекомендации по подготовке к отдельным заданиям текущего контроля

Собеседование предполагает организацию беседы преподавателя со студентами по вопросам практического занятия с целью более обстоятельного выявления их знаний по определенному разделу, теме, проблеме и т.п. Все члены группы могут участвовать в обсуждении, добавлять информацию, дискутировать, задавать вопросы и т.д.

Устный опрос может применяться в различных формах: фронтальный, индивидуальный, комбинированный. Основные качества устного ответа подлежащего оценке:

- правильность ответа по содержанию;
- полнота и глубина ответа;
- сознательность ответа;
- логика изложения материала;
- рациональность использованных приемов и способов решения поставленной учебной задачи;
- своевременность и эффективность использования наглядных пособий и технических средств при ответе;
- использование дополнительного материала;
- рациональность использования времени, отведенного на задание.

Устный опрос может сопровождаться презентацией, которая подготавливается по одному из вопросов практического занятия. При выступлении с презентацией необходимо обращать внимание на такие моменты как:

- содержание презентации: актуальность темы, полнота ее раскрытия, смысловое содержание, соответствие заявленной темы содержанию, соответствие методическим требованиям (цели, ссылки на ресурсы, соответствие содержания и литературы), практическая направленность, соответствие содержания заявленной форме, адекватность использования технических средств учебным задачам, последовательность и логичность презентуемого материала;
- оформление презентации: объем (оптимальное количество), дизайн (читаемость, наличие и соответствие графики и анимации, звуковое оформление, структурирование информации, соответствие заявленным требованиям), оригинальность оформления, эстетика, использование возможности программной среды, соответствие стандартам оформления;
- личностные качества: ораторские способности, соблюдение регламента, эмоциональность, умение ответить на вопросы, систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам программы;

- содержание выступления: логичность изложения материала, раскрытие темы, доступность изложения, эффективность применения средств ИКТ, способы и условия достижения результативности и эффективности для выполнения задач своей профессиональной или учебной деятельности, доказательность принимаемых решений, умение аргументировать свои заключения, выводы.

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

6.1 Основная литература:

1. Филиппов А.Ф. Сборник задач по дифференциальным уравнениям : учеб. пособие. - 3-е изд., стер.. - Москва: Наука, 1970. - 96 с.
2. Романко В.К. Курс дифференциальных уравнений и вариационного исчисления : Учеб. пособие для вузов. - 2-е изд.. - М., СПб.: Лаборатория Базовых Знаний, Невский Диалект, 2001. - 344 с.
3. Понтрягин, Л. С. Обыкновенные дифференциальные уравнения. - 2023-02-12; Обыкновенные дифференциальные уравнения. - Ижевск: Регулярная и хаотическая динамика, Институт компьютерных исследований, 2019. - 396 с. - Текст : электронный // IPR BOOKS [сайт]. - URL: <http://www.iprbookshop.ru/92055.html>
4. Петровский И. Г. Лекции об уравнениях с частными производными. - Изд. 3-е, доп.. - Москва: Государственное издательство физико-математической литературы, 1961. - 400 с. - Текст : электронный // ЭБС «Университетская библиотека онлайн» [сайт]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=468247>

6.2 Дополнительная литература:

1. Романко В. К. Курс разностных уравнений : учебное пособие. - Москва: Физматлит, 2012. - 200 с. - Текст : электронный // ЭБС «Университетская библиотека онлайн» [сайт]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=457685>
2. Петровский И. Г. Лекции по теории интегральных уравнений. - 3-е изд., испр.. - Москва: Наука, 1965. - 126 с. - Текст : электронный // ЭБС «Университетская библиотека онлайн» [сайт]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=222214>

6.3 Методические разработки:

1. Булгаков А.И., Малютина Е.В., Панасенко Е.А., Плужникова Е.А., Филиппова О.В. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Задачи и примеры с подробными решениями : учеб. пособие. - Тамбов: [Издат. дом ТГУ им. Г.Р. Державина], 2014. - 98 с.
2. Малютина Е.В., Плужникова Е.А., Филиппова О.В., Фомичева Ю.Г. Задачник-практикум по математической логике и дискретной математике : учеб. пособие. - Тамбов: [Издат. дом ТГУ им. Г.Р. Державина], 2015. - 102 с.
3. Жуковская Т.В., Молоканова Е.А., Плужникова Е.А., Урусов А.И., Филиппова О.В. Высшая математика : учеб. пособие : в 3 ч.. - Тамбов: [Издат. дом ТГУ им. Г.Р. Державина], 2014

6.4 Иные источники:

1. Сайт Тамбовского государственного университета <http://tsutmb.ru> - <http://tsutmb.ru>
2. Единое окно доступа к образовательным интернет-ресурсам Федерального портала «Российское образование» - http://window.edu.ru/catalog/?p_rubr=2.1.21%2F

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины, программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Для проведения занятий по дисциплине необходимо следующее материально-техническое обеспечение: учебные аудитории для проведения занятий лекционного и семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, помещения для самостоятельной работы.

Учебные аудитории и помещения для самостоятельной работы укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Помещения для самостоятельной работы укомплектованы компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду Университета.

Для проведения занятий лекционного типа используются наборы демонстрационного оборудования, обеспечивающие тематические иллюстрации (проектор, ноутбук, экран/ интерактивная доска).

Аудитории для всех видов контактной и самостоятельной работы, научная библиотека и иные помещения для обучения оснащены специальным оборудованием и учебными местами с техническими средствами обучения для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и обучающихся инвалидов с разными видами ограничений здоровья:

- с нарушениями зрения:

- электронный ручной видеоувелечитель Maggie MD;

- дисплей Брайля Braille Star 40 Bluetooth (ПО транслятор текста Брайля и специализированное ПО экранного доступа);

- система распознавания текста OpenBook Pluss с настольным сканнером.

- с нарушениями слуха:

- система информационная для слабослышащих портативная Исток А2;

- динамический FM-передатчик Inspiro с микрофоном iBoom фирмы Phonak;

- приемник для образования слухового аппарата;

- наушники с технологией костной проводимости для глухих и слабослышащих AfterShokz Sportz M3;

- система Comfort Contego;

- акустическая система Front Row to Go (в комплекте 2 микрофона, сетевые кабели, комплект креплений).

- с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- регулируемые по высоте столы с электроприводом;

- подъемник лестничный гусеничный;

- система автоматического открывания дверей;

- специально оборудованная санитарная комната для лиц с ОВЗ.

Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

Kaspersky Endpoint Security для бизнеса - Стандартный Russian Edition. 1500-2499 Node 1 year Educational Renewal Licence

Microsoft Office Профессиональный плюс 2007

7-Zip 9.20

Операционная система Microsoft Windows 10

Adobe Reader XI - Russian

Профессиональные базы данных и информационные справочные системы:

1. Scopus: база данных . – URL: <https://www.scopus.com>

2. Springer Open (ресурсы Springer открытого доступа): база данных. – URL: <https://www.springeropen.com>

3. Web of Science: политематическая реферативно-библиографическая и наукометрическая база данных . – URL: <https://apps.webofknowledge.com>

4. Научная электронная библиотека eLIBRARY.ru. – URL: <https://elibrary.ru>

5. Электронный каталог Фундаментальной библиотеки ТГУ. – URL: <http://biblio.tsutmb.ru/elektronnyij-katalog>

Доступ к информационным и библиографическим ресурсам в сети Интернет для каждого обучающегося инвалида или обучающегося с ограниченными возможностями здоровья обеспечен предоставлением ему не менее чем одного учебного, методического печатного и/или электронного издания по практике (включая электронные базы периодических изданий), в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для обучающихся с нарушениями зрения:

- в печатной форме увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- в форме аудиофайла;
- в печатной форме шрифтом Брайля.

Для обучающихся с нарушениями слуха:

- в печатной форме;
- в форме электронного документа;
- в форме аудиофайла.

Для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в печатной форме;
- в форме электронного документа;
- в форме аудиофайла.

Обучающиеся обеспечиваются следующим комплектом лицензионного программного обеспечения, адаптированного для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и обучающихся инвалидов:

- MAGiC (программа для экранного чтения и увеличения);
- JAWSforWindows (программа для чтения с экрана компьютера);
- встроенные программы операционных систем.

Электронная информационно-образовательная среда

https://auth.tsutmb.ru/authorize?response_type=code&client_id=moodle&state=xyz

Взаимодействие преподавателя и студента в процессе обучения осуществляется посредством мультимедийных, гипертекстовых, сетевых, телекоммуникационных технологий, используемых в электронной информационно-образовательной среде университета.